

### Mathematikstudium an der Freien Universität

Ralf Borndörfer, inFU:tage 2020, 15. Juni 2021



### Was kann man studieren?



#### Bachelor

- Bachelorstudiengang Mathematik (6 Semester inkl. BA, 170-190 LP)
- Lehramtsbezogener Bachelorstudiengang mit Kern- oder Zweitfach Mathematik (6 Semester inkl. BA, qualifiziert nicht alleine zum Lehramt, 180 LP, davon 60 oder 90 LP Mathematik)

#### Master

- Masterstudiengang Mathematik (4 Semester inkl. MA)
- Masterstudiengang Scientific Computing (4 Semester inkl. MA)
- Masterstudiengang Data Science (4 Semester inkl. MA)
- Lehramtsbezogener Masterstudiengang mit Mathematik als Unterrichtsfach (2/4 Semester inkl. MA)
- Promotion (Dissertation), Habilitation (Habilitationsschrift)
- Mathematik als Nebenfach in anderen Studiengängen

### Übersicht B.Sc. Mathematik



Mathematik	Ergänzungsbereich	Allgemeine Berufsvorbereitung
(120 bis 130 LP)	(20 bis 30 LP)	(ABV) (30 LP)
Grundlagenbereich (83 LP)	Ergänzungsbereich	Pflichtmodul
<ul> <li>Analysis I und II (je 10 LP)</li> </ul>	(empfohlene Fächer)	<ul> <li>Kommunikation über</li> </ul>
<ul> <li>Analysis III (11 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Informatik</li> </ul>	Mathematik (Proseminar, 5 LP)
<ul> <li>Lineare Algebra I+II (je 10 LP)</li> </ul>	<ul><li>Physik</li></ul>	<ul> <li>5 bis 10 LP aus den folgenden</li> </ul>
<ul> <li>Computerorientierte</li> </ul>	• BWL	Modulen:
Mathematik I+II (je 5 LP)	• VWL	<ul> <li>Computeralgebra (5 LP)</li> </ul>
Numerik I (12 LP)	<ul> <li>Statistik</li> </ul>	<ul> <li>Statistik-Software (Costa, 5</li> </ul>
<ul> <li>Stochastik Î (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Ökonometrie</li> </ul>	LP)
Vertiefungsbereich (25-35 LP)	<ul><li>Philosophie</li></ul>	<ul> <li>Einführung in die</li> </ul>
<ul> <li>Pflichtmodul:</li> </ul>	<ul> <li>oder ein anderes</li> </ul>	Visualisierung (5 LP)
Wissenschaftliches Arbeiten in	Fach mit 30-LP-	<ul> <li>Panorama der Mathematik</li> </ul>
der Mathematik (Seminar) (5	Modulangebot	(10 LP)
LP)		<ul> <li>Programmierung (5 LP)</li> </ul>
<ul> <li>Wahlbereich: Module im</li> </ul>		<ul> <li>Planung, Durchführung und</li> </ul>
Umfang von 20 bis 30 LP		Analyse und eines
(umfangreiche Auswahl)		Tutoriums (5 LP)
Bachelorarbeit und mündliche		<ul> <li>Frei wählbare ABV-Module aus</li> </ul>
Prüfung (12 LP)		anderen Kompetenzbereichen im
		Umfang von 5 bis 15 LP
		• Berufspraktikum (5-15 LP)

Weitere Informationen: www.mi.fu-berlin.de/math/stud/mathebachelor

## Studienverlaufsplan B.Sc. Mathematik



	Semester 1	Semester 2	Semester 3	Semester 4	Semester 5	Semester 6
	Analysis I (10 LP)	Analysis II (10 LP)	Analysis III (11 LP)		Vertiefungsmodul (10 LP)	
Reine Mathematik/ Vertiefung	Lineare Algebra I (10 LP)	Lineare Algebra II (10 LP)		Vertiefungsmodul (10 LP)	Wissenschaftliches Arbeiten in der Mathematik (5 LP)	
Angewandte Mathematik	Computerorientierte Mathematik I (5 LP)	Computerorientierte Mathematik II (5 LP)	Stochastik I (10 LP)	Numerik I (12 LP)		
Bachelor- arbeit						Bachelorarbeit mit mündlicher Präsentation (12 LP)
Erganzungs- bereich			Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (5 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (5 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)
ABV	Frei wählbares ABV- Modul (5 LP)	Frei wählbares ABV- Modul (5 LP)	oder Frei wählbares ABV- Modul (10 LP)	Frei wählbares ABV- Modul (5 LP)	Berufspraktikum (10 LP)	Kommunikation über Mathematik (5 LP)

## Übersicht Lehramt Mathematik (Kernfach)



	1	<del></del>
Kernfach Mathematik (90 LP)	Zweitfach (60 LP)	Lehramtsbezogene Berufswissen. (LBW) (30 LP)
Grundlagenbereich (30 LP)	Ergänzungsbereich	Pflichtmodul
<ul> <li>Mathematik entdecken I+II (10 +5</li> </ul>	(empf. Fächer)	<ul> <li>Grundlagen der Fachdidaktik</li> </ul>
LP)	<ul> <li>Biologie</li> </ul>	Mathematik (7 LP)
<ul> <li>Mathemat. Panorama (5 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Chemie</li> </ul>	Wahlpflichtbereich
<ul> <li>Analysis I (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Deutsch</li> </ul>	<ul> <li>Unterrichten in heterogenen</li> </ul>
<ul> <li>Lineare Algebra I (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Englisch</li> </ul>	Lerngruppen (12 LP)
Aufbaubereich (20 LP) (2 v. 3)	<ul> <li>Französisch</li> </ul>	<ul> <li>Schulprakt. Studien – Gest. &amp;</li> </ul>
<ul> <li>Analysis II (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Geschicht</li> </ul>	Reflex. v. Bild. & Soz.proz. in
<ul> <li>Lineare Algebra II (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Griechisch</li> </ul>	der GS Var. A/B/Math. (14 LP)
• Zahlen, Gleichungen, algebraische	<ul> <li>Informatik</li> </ul>	<ul> <li>Ringvorlesung</li> </ul>
Strukturen (10 LP)	<ul> <li>Italienisch</li> </ul>	Seminar A/B
Vertiefungsbereich (20 LP)	<ul> <li>Latein</li> </ul>	<ul> <li>Spezielle Methoden päd</li> </ul>
Pflichtbereich (15 LP)	<ul> <li>Philosophie/Ethik</li> </ul>	psych. Diagnostik (10 LP)
<ul> <li>Wahrsch. und Statistik (10 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Physik</li> </ul>	• Förderung v. Entwi.pot. sowie
<ul> <li>Proseminar Math. – Lehramt (5 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Politikwissenschaft</li> </ul>	Präv. von Beeintr. (10 LP)
Wahlpflichtbereich (5 LP) (1 v. 3)	<ul> <li>Spanisch</li> </ul>	<ul> <li>Ind. Förderung in interkult.</li> </ul>
• Comp.orient. Math. I+II (je 5 LP)		Kontexten (10 LP)
<ul> <li>Computeralgebra (5 LP)</li> </ul>		<ul> <li>Didaktik in heterogenen</li> </ul>
	_	Lerngruppen (7 LP)
<b>Bachelorarbeit</b> (10 LP)		<ul> <li>Gutachtenerstellung (5 LP)</li> </ul>

Weitere Informationen: https://www.mi.fu-berlin.de/math/stud/lehramtsbachelor/index.html

# Studienverlaufsplan Lehramt Mathematik (Kernfachberlin

	Semester 1	Semester 2	Semester 3	Semester 4	Semester 5	Semester 6
atik/	Mathematik entdecken I (10 LP)	Mathematik entdecken II (5 LP			Zahlen, Gleich., alg. Strukt. (10 LP) oder Lin. Algebra I (10 LP) oder Analysis I (10 LP)	Proseminar Mathematik – Lehramt (5 LP)
Reine Mathematik/ Vertiefung	Mathematisches Panorama (5 LP)	Analysis I (10 LP) oder Lineare Algebra I (10 LP)	Analysis II (10 LP) oder Lineare Algebra II (10 LP)	Lineare Algebra I (10 LP) Oder Analysis I (10 LP)		
Angewandte Mathematik			Computerorientierte Mathematik I (5 LP)		Wahrscheinlichkeit und Statistik (10 LP)	
Bachelor- arbeit						Bachelorarbeit (10 LP)
Ergänzungs- bereich	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)	Modul aus gewähltem Ergänzungsbereich (10 LP)
	EWI / Praktikum (11 LP)		Basisdidaktik (7 LP)		Basisdidaktik (7 LP)	
LBW				DaZ/Sprachbildung (5 LP)		

## Übersicht Lehramt Mathematik (Zweitfach)



	İ	
Kernfach	Zweitfach	Lehramtsbezogene
Mathematik (90 LP)	(Modulangebot) (60 LP)	Berufswissen. (LBW) (30 LP)
Kernfach	Grundlagenbereich (30 LP)	Pflichtmodul
<ul> <li>(empfohlene Fächer)</li> <li>Biologie</li> <li>Chemie</li> <li>Deutsch</li> <li>Englisch</li> <li>Französisch</li> <li>Geschichte</li> <li>Griechisch</li> </ul>	<ul> <li>Analysis I (10 LP)</li> <li>Lineare Algebra I (10 LP)</li> </ul> Aufbaubereich (10 LP) (1 v. 3) <ul> <li>Analysis II (10 LP)</li> <li>Lineare Algebra II (10 LP)</li> <li>Zahlen, Gleichungen,</li> </ul>	<ul> <li>Grundlagen der Fachdidaktik Mathematik (7 LP)</li> <li>Wahlpflichtbereich</li> <li>Unterrichten in heterogenen Lerngruppen (12 LP)</li> <li>Schulprakt. Studien – Gest. &amp; Reflex. v. Bild. &amp; Soz.proz. in der GS Var. A/B/Math. (14 LP)</li> </ul>
<ul> <li>Informatik</li> <li>Italienisch</li> <li>Latein</li> <li>Philosophie/Ethik</li> <li>Physik</li> <li>Politikwissenschaft</li> <li>Sonderpädagogik</li> <li>Spanisch</li> </ul>	<ul> <li>algebraische Strukturen (10 LP)</li> <li>Vertiefungsbereich (20 LP)</li> <li>Wahrscheinlichkeit und Statistik (10 LP)</li> <li>Proseminar Mathematik – Lehramt (5 LP)</li> <li>Computerorientierte Mathematik I (5 LP)</li> </ul>	<ul> <li>Ringvorlesung</li> <li>Seminar A/B</li> <li>Spezielle Methoden pädpsych. Diagnostik (10 LP)</li> <li>Förderung v. Entwi.pot. sowie Präv. von Beeintr. (10 LP)</li> <li>Ind. Förderung in interkult. Kontexten (10 LP)</li> </ul>
<b>Bachelorarbeit</b> (10 LP)		<ul><li>Didaktik in heterogenen</li><li>Lerngruppen (7 LP)</li><li>Gutachtenerstellung (5 LP)</li></ul>

Weitere Informationen: https://www.mi.fu-berlin.de/math/stud/lehramtsbachelor/index.html

# Studienverlaufsplan Lehramt Mathematik (Zweitfach) Berlin

	Semester 1	Semester 2	Semester 3	Semester 4	Semester 5	Semester 6
Kernfach						
Vertiefung						
Bachelor- arbeit						Bachelorarbeit (10 LP)
Ergänzungs- bereich	Mathematik entdecken I (10 LP)	Analysis I (10 LP) oder Lineare Algebra I (10 LP)	Analysis I (10 LP) oder Lin. Algebra II (10 LP) oder Zahlen, Gleich., alg. Strukturen (10 LP)	Lineare Algebra I (10 LP) oder Analysis I (10 LP)	Wahrscheinlichkeit und Statistik (10 LP)	Proseminar Mathematik – Lehramt (5 LP) und Comp. orient. Mathematik II (5 LP)
	EWI / Praktikum (11 LP)		Basisdidaktik (7 LP)		Basisdidaktik (7 LP)	
LBW				DaZ/Sprachbildung (5 LP)		

### Z.B. Mathematik entdecken I



- Problemlösen I
- 2. Problemlösen II
- 3. Rekursion und Induktion I
- 4. Rekursion und Induktion II
- 5. Rekursion und Induktion III
- 6. Graphen
- 7. Logik
- 8. Beweise
- 9. Abzählen
- 10. Reelle Zahlen
- 11. Differentiation
- 12. Kurvendiskussion
- 13. Extremwertprobleme
- 14. Extremalprinzip

Weihnachten

- 15. Elementare Zahlentheorie I
- 16. Elementare Zahlentheorie II
- 17. Elementare Zahlentheorie III
- 18. Relationen, Funktionen, Definitionen
- 19. Gruppen, Ringe, Körper
- 20. Geometrie I
- 21. Geometrie II
- 22. Geometrie III
- 23. Geometrie IV
- 24. Geometrie V
- 25. Polynomgleichungen, komplexe Zahlen
- 26. Probeklausur
- 27. Schubfachprinzip
- 28. Invarianzprinzip
- 29. Aufgabenstellen
- 30. Klausur

## Die Magie der Zahlen



### 12.1 Bsp. (Zahlenzauber):

a) In der Zaubershow.

Z: Wissen Sie, wie man mit Rest dividiert?

K: Klar.

Z: 50 mod 7?

K: 1.

Z: Super. Welche Reste gibt es beim Dividieren durch 7?

K: 0 bis 6.

Z: Genau. Hier sind 600€. Ich gebe Ihnen 100€ für jeden Rest, der beim Teilen durch 7 übrig bleibt. Sagen Sie eine dreistellige Zahl.

K:

K:

Z: Ok. Ich schreibe nochmal daneben, also

. Der Rest?

Z: Da habe ich ja nochmal Glück gehabt!

### Auflösung:

xyz.xyz

 $= xyz \cdot 1001$ 

 $= xyz \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13$ 

 $\Rightarrow xyz.xyz \mod 7 = 0.$ 

1001 ist durch 7 teilbar.

Teilbarkeit 4 Alles sehr knapp und präzise.

Symbole (Alphabet)



**12.2 Def. (Teilbarkeit):** Seien  $a, n \in \mathbb{Z}$ .

Definition (Vokabeln) 
$$n|a: \Leftrightarrow \exists q \in \mathbb{Z}: a = nq$$

$$T_a \coloneqq \{n \in \mathbb{Z}: n|a\}, \qquad T_a^{>0} \coloneqq \{n \in \mathbb{N}: n|a\},$$

**Sprechweise:** n **teilt** von a, n **Teiler** von a, a **Vielfaches** von n,  $n \nmid a : \Leftrightarrow \neg n \mid a, 2 \mid a$  Regeln (Grammatik)  $\Rightarrow : a$  ungerade.

**12.3 Prop.** (Teilbarkeitsregeln): Für alle  $a, b, n \in \mathbb{Z}$  gilt:

a) 
$$1|a, n|0, 0|n \implies n = 0$$

d) 
$$T_a \subseteq \{-|a|, ..., 0, ..., |a|\} \ \forall a \neq 0$$

b) 
$$n|a \Longrightarrow -n|a,n|-a$$

e) 
$$n|a,a|b \Rightarrow n|b$$

f) 
$$n|a,n|b \Rightarrow n|(a+b),n|(a-b)$$

Bew.:

a) 
$$a = 1a$$
,  $0 = n0$ .

b) 
$$\exists q \in \mathbb{Z}: a = nq = (-n)(-q), -a = n(-k)q$$

c) 
$$\exists q \in \mathbb{Z} \setminus \{0\}: |a| = |n||q| \stackrel{|q| \ge 1}{\ge} |n|.$$

# Gauss [1776], Gesammelte Werke, XI 1, S. 206



[I.]

### DEN WOCHENTAG DES 1. JANUAR EINES JAHRES ZU FINDEN. GÜLDENE ZAHL. EPAKTE. OSTERGRENZE.]

[Handschriftliche Eintragung in: Sammlung astronomischer Tafeln, unter Aufsicht der Kgl. Preußischen Akademie der Wissenschaften, I. Band, Berlin 1776. - 1798 von GAUSS erworben.]

Bezeichnet man den kleinsten positiven Rest einer Grösse A nach dem Modulus m durch  $R: A \pmod{m}$ , so lassen sich alle Vorschriften des Gregori-[ani]schen Kalenders auf folgende geschmeidige Art darstellen:

1.

Wenn man die Tage vom 1<sup>ten</sup> Januar 1701 an zählt, d. i. diesen mit 1, den 2<sup>ten</sup> mit 2, den 31<sup>ten</sup> Dec. 1700 mit 0, den 30<sup>ten</sup> mit -1 etc. bezeichnet, so ist der 1te Januar in irgend einem Jahre A

$$=1+(A-1701)365+\frac{1}{4}((A-1701)-R:(A-1701) \text{ mod. 4})$$

Es geht schnell, das ist noch in der gleichen VL. 
$$-\frac{1}{100}((A-1701)-R:(A-1701) \mod 100) + \frac{1}{400}((A-1601)-R:(A-1601) \mod 100).$$

## Gauss [1776], Gesammelte Werke, XI 1, S. 206



1.

Wenn man die Tage vom 1<sup>ten</sup> Januar 1701 an zählt, d. i. diesen mit 1, den 2<sup>ten</sup> mit 2, den 31<sup>ten</sup> Dec. 1700 mit 0, den 30<sup>ten</sup> mit —1 etc. bezeichnet, so ist der 1<sup>te</sup> Januar in irgend einem Jahre A

$$= 1 + (A - 1701) 365 + \frac{1}{4} ((A - 1701) - R : (A - 1701) \text{ mod. 4})$$

$$- \frac{1}{100} ((A - 1701) - R : (A - 1701) \text{ mod. 100})$$

$$+ \frac{1}{400} ((A - 1601) - R : (A - 1601) \text{ mod. 400}).$$

Die Wochentage Sonntag, Montag etc. mit 0, 1 etc. bezeichnet, ist der 1<sup>te</sup> Januar irgend eines Jahres, qua Wochentag,

$$\equiv 6 + A + (2A + 5R : (A - 1) \mod 4) + (3A + 4R : (A - 1) \mod 100) + (A + 2 + 6R : (A - 1) \mod 400)$$
 mod. 7.

Also von 1601 bis 2000

$$\equiv 6 + 6A + 5R : (A-1) \mod 4 + 4R : (A-1) \mod 100.$$

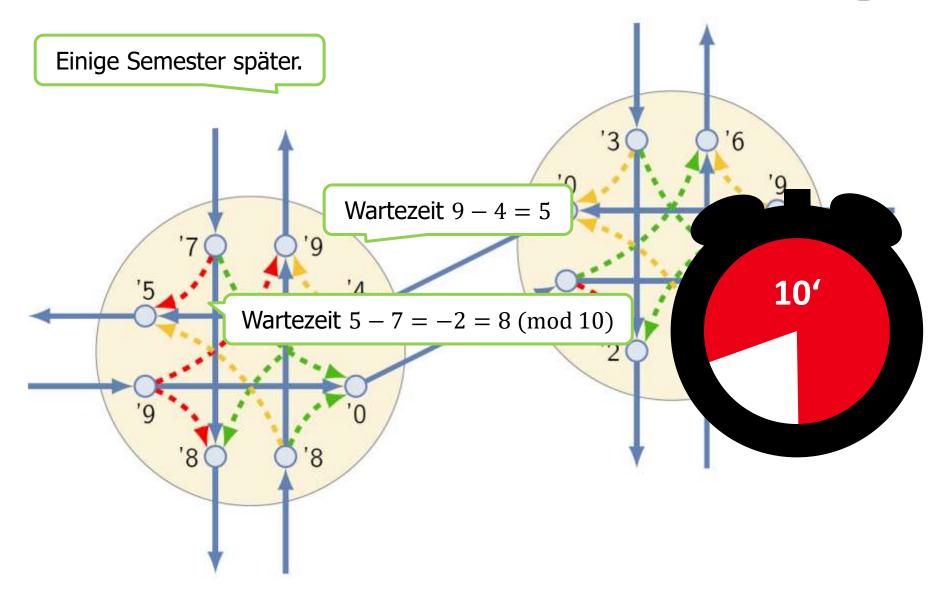
Allgemein

Wie geht das?

$$\equiv 1 + 5R : (A - 1) \mod 4 + 4R : (A - 1) \mod 100 + 6R : (A - 1) \mod 400.$$

## Umsteigewartezeit beim 10 Min. Takt





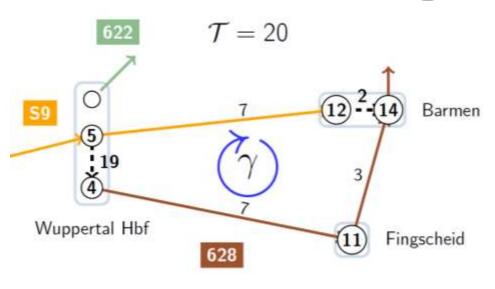
## Kreise in der Fahrplanung

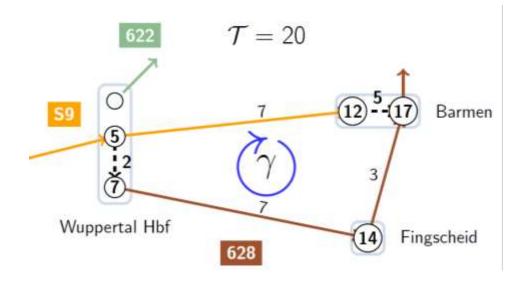


Summe der Spannungen: 7+2-3-7-19=-20=0 (mod 20)

> Im Seminar, bei der Bacheloroder Masterarbeit.

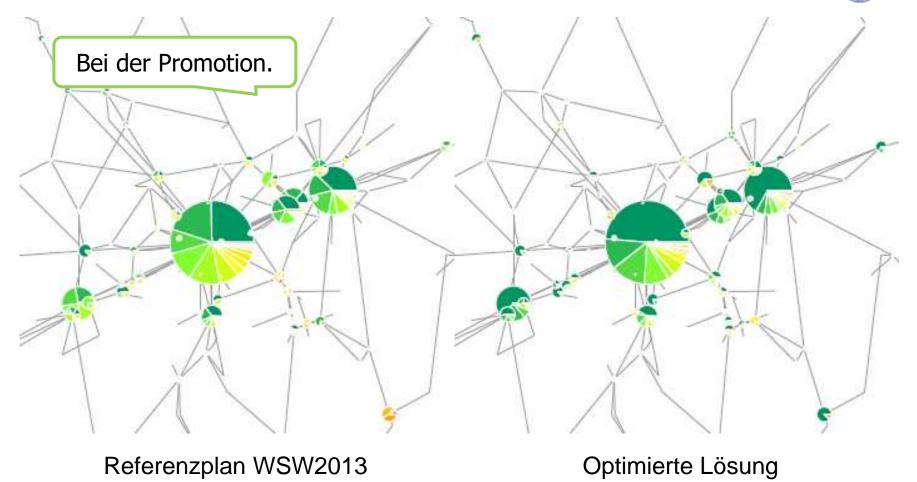
Summe der Spannungen: 7+5-3-7-2=0=0 (mod 20)





## Fahrplanoptimierung in Wuppertal





- Gesamtreisezeit: Verbesserung 2.1%
- Umsteigewartezeit: Verbesserung 8.9%

### So sieh

Die 3 goldenen Regeln:

- 1. Selber machen.
- 2. Selber machen.
- Selber machen.

FREIE UNIVERSITÄT FB MATHEMATIK UNI WS 2020/2021

#### Mathematik entdecken I

#### Übungsblatt 1

Abgabe: Mo, 16. November 2020, 12:00 MEZ per Whiteboard

10 Punkte Aufgabe 1.1

Entwerfen Sie ein Unterrichtsgespräch nach der Methode von Polya zu dem Thema: Die Seitenhalbierenden im Dreieck schneiden sich in einem Punkt,

Aufgabe 1.2 10 Punkte

Entwickeln Sie aus dem Plan zu dem Problem über gleiche Winkel aus Bsp. 1.11 der Vorlesung einen Beweis nach Euklid.

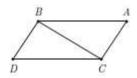
2+3+5 Punkte Aufgabe 1.3

Betrachten Sie den Beweis von Satz 33 aus dem Buch I der Elemente von Euklid:

Gerade Strecken, die die Endpunkte zweier gleicher gerader und paralleler Strecken verbinden, sind selbst gleich und parallel.

Wenn zwei gleiche gerade und parallele Strecken AB und CD an ihren Endpunkten mit geraden Strecken AC und BD verbunden werden, dann, sage ich, sind AC und BD gleich und parallel.

Denn wird BC gezogen, dann sind AB und CD Parallele, die von BC geschnitten werden. Die Winkel ABC und BCD sind dann wechselseitige Winkel und gleich. Da AB und BC mit BC und CD übereinstimmen und die eingeschlossenen Winkel ABC und BCD gleich sind, sind die Grundseiten AC und BD der Dreiceke ABC und BCD gleich



und deshalb auch die übrigen Winkel, die gleichen Seiten gegenüber liegen. Also sind die Winkel ACB und CBD gleich, die wechselseitige Winkel zu AC und BD sind, die von BC geschnitten werden. Damit sind AC und BD parallel, und auch gleich, wie bereits gezeigt.

Deshalb sind zwei Strecken, die die Endpunkte zweier gleicher gerader und paralleler Strecken verbinden, selbst gleich und parallel, was zu zeigen war.

- a) Welche Elemente der Methode von Polya/anderen Elemente erkennen Sie?
- Formulieren Sie den Beweis in eigenen Worten/eigener Noation.
- c) Wie ist Euklid auf den Beweis gekommen? Entwerfen Sie ein "Selbstgespräch".

aus



Aufgabe 1.4

8+2 Punkte

lieses

Von einem Dreieck  $\triangle ABC$  ist folgendes bekannt:

- Der Innenwinkel ∠CBA beträgt 45°.
- Ein Punkt P liegt auf der Seite BC so, dass die Strecke PB halb so lang ist wie die Strecke PC.
- Der Winkel ∠CPA beträgt 60°.

Wie groß sind die beiden anderen Innenwinkel von ∧ ARC?

Tipp: Nützliche Hilfsgrößen sind das Lotes und Dreiecke, in denen K ein Ec

Hier werden Sie geholfen.

 a) Lösen Sie diese Aufgabe (wenn mög b) Kommentieren Sie den Lösunghinwe

Zentralübung Aufgabe 1.5

Wie viele Endnullen hat 100!?

Aufgabe 1.6 Zentralübung

Bestimme den Punkt, an dem zwei Schiffe den geringsten Abstand haben, wenn diese auf geradlinigen Kursen fahren.

Aufgabe 1.7 Zentralübung

Betrachten Sie den Beweis von Satz 35 aus dem Buch I der Elemente von Euklid:

Parallelogramme, auf derselben Grundseite errichtet, zwischen denselben Parallelen sind gleich.

Wenn zwei Parallelogramme ABCD und EBCF auf derselben Grundseite BC errichtet sind und zwischen denselben Parallelen AF und BC liegen, dann, sage ich, ist ABCD dem EBCF gleich.

Da ABCD ein Parallelogramm ist, ist AD gleich BC und aus dem gleichen Grund ist EF gleich BC. Da AD gleich EF ist, das gleiche DE hinzugefügt, AE gleich DF.

DE

Da AB gleich DC, sind die einen Streeken EA und AB gleich den anderen Streeken FD und DC, ebenso sinddie eingeschlossenen Winkel FDC und EAB gleich.

Es sind EB und FC gleich und die Grundseiten der Dreiecke EAB und DFC. Von diesen gleichen Dreiecken das gleiche Dreieck DGE weggenommen, ist das Trupez ABGD gleich dem Trapez EGCF. Beidem das gleiche Dreieck GBC hinzugefügt, ist das Parallelogramm ABCD gleich dem Parallelogramm EBCF.

Deshalb sind Parallelogramme auf derselben Grundseite zwischen denselben Parallelen gleich, was zu zeigen war.

- a) Welche Elemente der Methode von Polya/anderen Elemente erkennen Sie?
- b) Formulieren Sie den Beweis in eigenen Worten/eigener Noation.
- c) Wie ist Euklid auf den Beweis gekommen? Entwerfen Sie ein "Selbstgespräch".

## Was muss im 1. Semester passieren (WS20/21)?

Berlin

- Analysis I (Bernold Fiedler (?))
   Differenzial- und Integralrechnung in einer Veränderlichen
- Lineare Algebra I (Dirk Werner)
   Lineare Gleichungssysteme, Vektorräume
- Computerorientierte Mathematik I (Christof Schütte)
   Algorithmik, Mathematische Software
- Mathematik entdecken I (N.N.)
   Mathematisches Arbeiten, Einführung ins Studium
- Mathematisches Panorama (Markus Weber, Annina Einblick, Geschichte, Perspektive, Überblick
   Mischau)





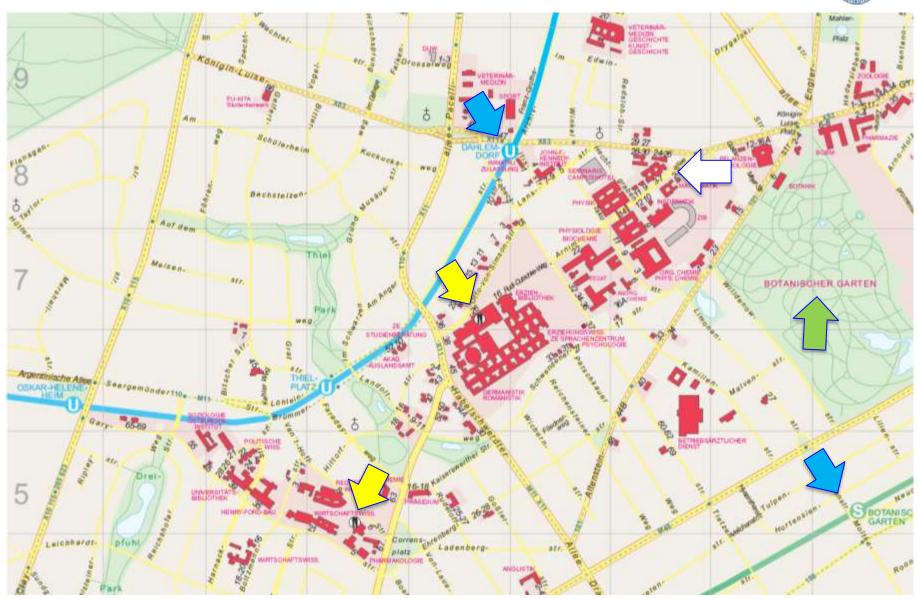






## Wo ist das Institut für Mathematik?





### Was lernt man?



### **Am Anfang**

- Alles nochmal von vorne, aber schneller und genauer
- Manche Sichtweisen ändern sich
  - Rechenregeln Körperaxiome
  - Primfaktorzerlegung euklidischer Algorithmus
  - Winkel Skalarprodukt
- Präzise mathematische Sprache und Denkweise

#### **Am Ende**

- Mathematik erzieht zu selbstständigem, unabhängigem Denken.
- Was man weiß, weiß man wirklich.
- Man beherrscht eine Sprache, die einen großen, sonst nicht zugänglichen Wissenskreis erschließt.
- Man kann sich schnell in neue Gebiete einarbeiten.
- Man lernt, sich auf das Wesentliche zu konzentrieren.

## Was muss man mitbringen?



- Mathematisches Interesse
- Mathematische Begabung, Vorstellungs- und Abstraktionsvermögen
- Begeisterungsfähigkeit, Phantasie, Kreativität
- Konzentrationsfähigkeit, Sorgfalt, Genauigkeit
- Ausdauer
- sinnvoll (aber nicht zwingend erforderlich):
  - Leistungskurs Mathematik
- empfehlenswert: Brückenkurs Mathematik
- Mathematik muss aktiv selbst betrieben werden
- Übungsaufgaben selbst lösen und aufschreiben!
- Das heißt nicht, dass man nicht kommuniziert, im Gegenteil!

## Was sind die typischen Probleme?



- Hohes Tempo ja, aber das ist so an der Uni
- Hoher Arbeitsaufwand aber nur bis man es verstanden hat
- Hoher Abstraktionslevel d.h. man muss wenig auswendig lernen
- Ungewohnte gedankliche Präzision (Beweise)
- zwei halbe Lösungen = gar keine Lösung
- Aller Anfang ist schwer ja, geht praktisch allen so

6	2	3	5	1	8	9	4	7
4	9	7	2	ര	6	5	8	1
1	5	8	7	4	9	3	2	6
8	3	5	6	7	1	2	9	4
7	1	4	9	8	2	6	ന	5
2	6	9	4	5	3	1	7	8
5	8	6	3	9	7	4	1	2
9	7	2	1	6	4	8	5	3
3	4	1	8	2	5	7	6	9

## Was gibt es an der FU?



- Algebra: Algebraische Geometrie, Zahlentheorie
- Topologie: Algebraische Topologie
- Analysis: Nichtlineare Dynamik, Geometrische Analysis, Komplexe Analysis, Funktionalanalysis
- Diskrete Mathematik: Kombinatorik, Graphentheorie, Diskrete Geometrie
- Numerische Mathematik: Wissenschaftliches Rechnen,
   Zeitreihenanalyse, Numerik part. DGLen, Geometrieverarbeitung
  - Biocomputing, Mathematik in den Lebenswissenschaften
  - Klimamodellierung
  - Data Science
- Wahrscheinlichkeitstheorie
- Optimierung
  - Verkehrsoptimierung
- Gemeinsamer Fachbereich Mathematik & Informatik (MI)

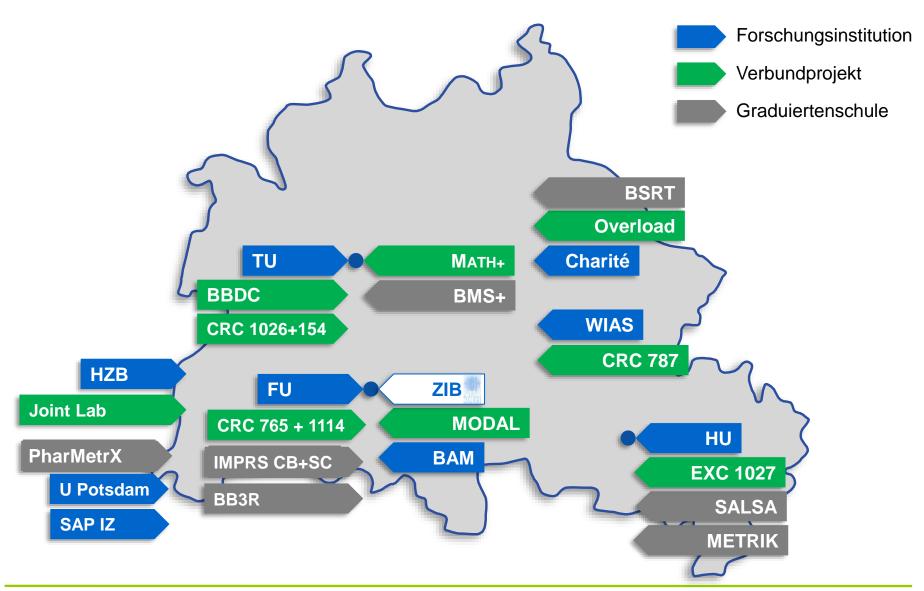
### Was kann man damit machen?



- Forschung (z.B. Uni)
- Lehramt
- Wirtschaft
  - Optimierung: Planung und Steuerung von Verkehrs-, Telekom-, Energie- etc. Netzen
  - Numerik: Simulation und Steuerung technischer Prozesse, Bildverarbeitung/-erkennung
  - Wahrscheinlichkeitsrechnung: Finanzen (inkl. Versicherung), Medizin, Logistik
  - Differentialgeometrie: Bildverarbeitung, Oberflächen Algebra, Zahlentheorie, diskrete Mathematik: Krytographie, Codierung
  - Allgemein: Unternehmensberatung, Informatik

### Mathematikforschung in Berlin





### Man kann auch eine Firma gründen



#### **DoloPharm UG**

2016

DoloPharm UG started 2016 and is becoming a specialty pharmaceutical company focused on the clinical and commercial development of new products in pain management that meet the needs of acute and chronic care practitioners and their patients



#### **Keylight GmbH**

2015

Die Keylight GmbH entwickelt skalierbare und in Echtzeit auswertbare Webdienste für Unternehmen und intuitiv bedienbare Apps für Endkunden. Dabei behandelt sie Themen wie Proximity Marketing, iBeacon und Eddystone, um interaktive Geschäftsmodelle umzusetzen.

http://www.keylight.de



#### Quobyte Inc.

2013

Quobyte develops carriergrade storage software that runs on off-the-shelf hardware http://www.quobyte.com



#### 1000shapes GmbH

2010

Services and software for creating and utilization of statistical shape models http://www.1000shapes.com

TASK - Gamrath Gleixner Koch Gbr

Distribution, service and consulting for the SCIP Optimization Suite

### Die zwei Seiten der Mathematik



- Naturwissenschaft (Natur: empirisch, d.h. Hypothese-Evidenz)
  - Praxis ist Quelle und Anwendungsgebiet
  - Werkzeug und Sprache für klassische Naturwissenschaften
  - spiegelt die reale Welt wider

"Mathematik wird entdeckt"

- Geisteswissenschaft (Kultur: anthropologisch, d.h. über den Menschen und seine Werke)
  - Deduktive Theorie, unabhängig von der Realität, endgültig wahr
  - Ästhetik ist wichtige Triebkraft, Phantasie und Freiheit sind wichtig
  - Grundprinzip Abstraktion
  - Natur folgt oft der Mathematik

"Mathematik wird erschaffen"

- Referenzen
  - Courant, Robbins [2001]: Was ist Mathematik, Springer.
  - Truemper [2017]: The Construction of Mathematics, Leibniz.

### Studieren Sie Mathematik an der FU!



#### **Online-Resourcen**

- www.math.fu-berlin.de
- www.fu-berlin.de
- dmv.mathematik.de

### **Bücher**

- Springer [2015] Studien- und Berufsplaner Mathematik, Springer Spektrum.
- E. Behrends, P. Gritzmann, G. M. Ziegler [2016] Kaleidoskop der Mathematik, Springer.
- A. Loos, G. M. Ziegler [2018] Panorama der Mathematik, Springer-Spektrum.

### Wo kann ich mich informieren/vorbereiten?



#### **Allgemeine Angebote**

- Online-Studienfachwahl-Assistent (OSA): Informationsplattform zu den Studiengängen http://www.osa.fu-berlin.de/
- EinS@FU: Einführungs- und Orientierungsstudium mit Schwerpunkt Natur für Interessierte, die sich noch nicht auf ein Fach festlegen wollen: <a href="https://www.fu-berlin.de/sites/eins/">https://www.fu-berlin.de/sites/eins/</a> (Anmeldung ab Oktober)
- Digitale Sommeruni (für Schülerinnen und Schüler 10-12.Klasse; viele Angebote des Fachbereiches MI)
   <a href="https://www.fu-berlin.de/sites/sommeruni/index.html">https://www.fu-berlin.de/sites/sommeruni/index.html</a> (Anmeldung ab jetzt)

#### **Angebote des Fachbereichs Mathematik/Informatik**

- **Schnupperveranstaltungen:** Studieninteressierte haben die Möglichkeit, in diverse echte Lehrveranstaltungen "hineinzuschnuppern".
- Vorlesung Data Mining: Diese Veranstaltung basiert auf einer echten Vorlesung, richtet sich aber speziell an Studieninteressierte und ist allgemeinverständlicher.
- Stammtisch und Fragestunde: Die Mentori\*innen des Fachbereichs treffen sich jeden Dienstag um 18 Uhr mit den Erstsemestern zum Austausch. Studieninteressierte sind herzlich willkommen!
- Virtuelle Campustour am Fachbereich Mathematik und Informatik: Die Mentor\*innen Verena und Robin zeigen euch unseren Fachbereich!

Informationen unter <a href="http://www.mi.fu-berlin.de/stud/beratungszentrum/infu2020">http://www.mi.fu-berlin.de/stud/beratungszentrum/infu2020</a>

### Danke für die Aufmerksamkeit!



Prof. Dr. Ralf Borndörfer Freie Universität Berlin Zuse-Institut Berlin Takustr. 7, 14195 Berlin Fon +49 30 84185-243 Fax +49 30 84185-269 mailto:borndoerfer@zib.de http://www.zib.de/borndoerfer

